



'समाजो मन्त्रः समितिः समानी'

UNIVERSITY OF NORTH BENGAL
B.Sc. Programme 4th Semester Examination, 2023

SEC1-P2-MATHEMATICS
(REVISED SYLLABUS 2023)

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 60

The figures in the margin indicate full marks.

The question paper contains SEC2A and SEC2B.

The candidates are required to answer any *one* from *two* papers.

Candidates should mention it clearly on the Answer Book.

SEC2A
C PROGRAMMING LANGUAGE

GROUP-A / বিভাগ-ক / समूह-क

- | | | |
|--|--|-------------------|
| 1. | Answer any <i>four</i> questions: | $3 \times 4 = 12$ |
| <p>যে-কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ
 কুন্তৈ চার প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ক :</p> | | |
| (a) | Define conditional operators. Give suitable examples. | 3 |
| <p>শর্তাধীন অপারেটর (conditional operator)-গুলির সংজ্ঞা দাও উদাহরণসহ।
 Conditional operators পরিভাষিত গর্নুহোস্ক। উপযুক্ত উদাহরণহস্ক দিনুহোস্ক।</p> | | |
| (b) | Write down the C-expression for the following functions. | 3 |
| $x^{y^2} + (yz^z/10)^5 \text{ and } \cot^2 x + x \log_{10} x $ <p>নিম্নলিখিত অপেক্ষক (function)-গুলির C-রাশিমালাগুলি লেখঃ</p> $x^{y^2} + (yz^z/10)^5 \text{ এবং } \cot^2 x + x \log_{10} x $ <p>নিম্ন প্রকার্যহস্ক কো লাগি C-অভিব্যক্তি লেখনুহোস্ক</p> $x^{y^2} + (yz^z/10)^5 \text{ অন্তি } \cot^2 x + x \log_{10} x $ | | |
| (c) | Write a short note on logical operator. | 3 |
| <p>যৌক্তিক (Conditional) অপারেটরগুলির সম্পর্কে টীকা লেখ।
 Logical operator মা ছোটো টিপ্পণী লেখনুহোস্ক।</p> | | |
| (d) | Describe four basic data types. | 3 |
| <p>চারটি মৌলিক ডাটা ধরন (data type) বর্ণনা কর।
 চার আধাৰভূত ডেটা প্রকারহস্ক বর্ণন গর্নুহোস্ক।</p> | | |

- (e) What are the purposes of scanf() and printf() statements? 3
 scanf() ओ printf() विवृतिगुलि उद्देश्यगुलि बर्णना कर।
 scanf() अनि printf() कथनहरूको उद्देश्यहरू के के हुन् ?
- (f) Give differences between the Compiler and Interpreter. 3
 कम्पाइलर (Compiler) एवं इन्टारप्रेटर (Interpreter)-एर पार्थकागुलि कि कि ?
 Compiler अनि Interpreter बीचको मिन्नता दिनुहोस्।

GROUP-B / विभाग-ख / समूह-ख**Answer any four questions** $6 \times 4 = 24$

ये-कोनो चारटि प्रश्नेर उत्तर दाओ
कुनै चार प्रश्नको उत्तर दिनुहोस्

2. Which of the following are invalid constants and why? 2+2+2

(i) 5×1.5 (ii) 99999 (iii) +100

निम्नलिखित कोनागुलि अवैध धूम्बक एवं केन ?

(i) 5×1.5 (ii) 99999 (iii) +100

निम्न मध्ये कुन अमान्य स्थिरता (invalid constants) हो र किन ?

(i) 5×1.5 (ii) 99999 (iii) +100

3. What do you mean by library functions? Explain with examples: 6

stdio.h and math.h

लाइब्रेरी अपेक्षक बलते कि बोवा ? stdio.h एवं math.h-के उदाहरणसह व्याख्या कर।

Library प्रकार्यहरू भन्नाले के बुझिन्छ ? stdio.h अनि math.h लाई उदाहरणहरू सहित वर्णन गर्नुहोस्।

4. How would you decide the use of one of three loops in C for a given problem — ‘while’, ‘do-while’ and ‘for’. Explain with example. 6

C-प्रोग्रामिं घटित एकटि समस्याते निम्नलिखित लूपगुलि ब्यबहारेर प्राथमिकता सम्पर्के उदाहरणसह व्याख्या करः

‘while’, ‘do-while’ एवं ‘for’।

तपाईंले C मा दिइएको समस्याको लागि तीन लूप ‘while’, ‘do-while’ अनि ‘for’ मध्ये एउटा लूपको प्रयोग कसरी गर्ने निर्णय गर्नुहुन्छ। उदाहरणको साथ वर्णन गर्नुहोस्।

5. Write a C-program to convert a given number of days into month and days. 6

एकटि C-प्रोग्रामिं लेख या एकटि पूर्ण संख्याके दिन ओ मासे परिवर्तित कराबे।

दिनहरूको संख्यालाई महिना र दिनहरूमा रूपान्तरण गर्ने C-program लेख्नुहोस्।

6. Using if-else statement check whether an integer is prime or not. 6

if-else विवृतिर साहाय्ये परीक्षा कर एकटि संख्या मोलिक किना।

if-else statement प्रयोग गरेर एक पूर्णांक अभाज्य हो कि होइन् भनेर जाँच गर्नुहोस्।

7. Using ‘while’ loop find the number of digits present in an integer.

‘while’ লুপের সাহায্যে একটি পূর্ণ সংখ্যায় উপস্থিত অক্ষণগুলির সংখ্যা বাহির কর।

‘while’ লুপ প্রযোগ গরে এক পূর্ণাংক মা অবস্থিত অক্ষরসমূহকে সংজ্ঞা পত্তা লগাউনুহোস্ক।

6

GROUP-C / বিভাগ-গ / সমূহ-গ

Answer any two questions

12×2 = 24

যে-কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কৃনে দুই প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ক।

8. (a) In a company an employee is paid as:

7

If his basic salary is less than 1500, then HRA = 10% basic salary and DA 90% of the basic salary. If his salary is either equal to or above as 1500 then HRA= Rs. 500 and DA = 98% of basic salary. The employee’s salary is input through the keyboard. Now write a C-program to find his basic salary.

একটি সংস্থায় একজন কর্মচারীকে এইভাবে বেতন দেওয়া হয় যেঁ:

তার যদি মৌলিক বেতন (Basic Salary) 1500-এর চেয়ে কম হয় তবে তার প্রাপ্ত HRA এবং DA মৌলিক বেতনের যথাক্রমে 10% এবং 90%। যদি তার বেতন 1500-এর সমান অথবা বেশী হয় তবে HRA Rs. 500 এবং DA মৌলিক বেতনের 98% হয়। যদি কর্মচারীর বেতন কম্পিউটারের Keyboard-এর মাধ্যমে নিবেশ করা যায় তবে একটি C-প্রোগ্রাম দ্বারা কর্মচারীর মৌলিক বেতন নির্ণয় কর।

কম্পনীমা এক কর্মচারীলাঈ তলব দিইন্ছে:

যদি উসকো আধারভূত তলব 1500 ঘন্দা কম ছ ভনে, HRA = আধারভূত তলবকো 10% র DA আধারভূত তলবকো 90%। যদি উসকো তলব 1500 বৰাবৰ বা মাথি ছ ভনে HRA = Rs. 500 র DA আধারভূত তলবকো 98%। কর্মচারীকো তলব কিবোৰ্ড মার্ফত input হুন্ছ। অब উসকো আধার ভূত তলব পত্তা লগাউন C-program লেজ্জুহোস্ক।

- (b) Explain ‘switch’, ‘case’ statements with examples.

5

‘switch’ ও ‘case’ বিবৃতিগুলি উদাহরণসহ ব্যাখ্যা কর।

‘switch’, ‘case’ statements উদাহরণ সহিত বর্ণন গৰ্নুহোস্ক।

9. (a) Write a program in C to compute the series $1 - x^2/2! + x^4/4! - x^6/6! + \dots$ and compare the obtained value with $\cos(x)$.

6

একটি C-প্রোগ্রামিং লেখ যার সাহায্যে নিম্নলিখিত শ্রেণীটির গণনা করা যায়

$$1 - x^2/2! + x^4/4! - x^6/6! + \dots$$

এবং প্রাপ্ত মানটি তুলনা কর $\cos(x)$ -এর মানের সাথে।

শৃঙ্খলা $1 - x^2/2! + x^4/4! - x^6/6! + \dots$ গণনা গৰ্ন C-program লেজ্জুহোস্ক র প্রাপ্ত মূল্য $\cos x$ সঁগ তুলনা গৰ্নুহোস্ক।

- (b) Define a two-dimensional array and find the sum of two $n \times n$ matrices.

6

একটি দ্বিমাত্রিক array সংজ্ঞায়িত কর এবং তার সাহায্যে দুটি $n \times n$ ম্যাট্রিক্সের যোগফল বাহির কর।

দুই আয়ামী এর (array) পরিভাষিত গৰ্নুহোস্ক অনি দুই $n \times n$ matrices কো যোগফল পত্তা লগাউনুহোস্ক।

- 10.(a) Assuming that $x = 2$, $y = 1$ and $z = 0$. What will be their values after execution of following C-code segments? 6

ধরে নাও $x = 2$, $y = 1$ এবং $z = 0$, ইহাদের মান নিম্নলিখিত C-কোডের অংশটির মাধ্যমে কিভাবে পরিবর্তিত হবে তা নির্ণয় করঃ

$x = 2$, $y = 1$ অনি $z = 0$ মান্দি নিম্ন C-code খণ্ডহস্তকো কার্যান্বয়ন পঞ্চি তিনীহস্তকো মূল্য কে হুনেচ

```
switch(x)
```

```
{
```

```
case 2:
```

```
    x = 1;
```

```
    y = x + 1;
```

```
case 1:
```

```
    x = 0;
```

```
break;
```

```
default:
```

```
    x = 1;
```

```
    y = 0;
```

```
}
```

```
....
```

- (b) Write a C-program to produce following output 6

একটি C-প্রোগ্রামিং-এর সাহায্যে নিম্নলিখিত আউটপুটটি নির্ণয় করঃ

নিম্ন output উত্পাদন গর্ন C-program লেখনুহোস্ক

```
*  
*  *  
*  *  *  
*  *  *  *  
*  *  *  *  *
```

- 11.(a) Read ‘ n ’ (integer) and ‘ n ’ real numbers in a C-programming to obtain the smallest number among them. 6

একটি পূর্ণসংখ্যা ‘ n ’ এবং ‘ n ’ খানা বাস্তব সংখ্যা নাও এবং একটি C-প্রোগ্রামিং-এর সাহায্যে তাদের মধ্যে সর্ব কনিষ্ঠ বাস্তব সংখ্যাকে বাহির কর।

তী মধ্যে সবৈ ভন্দা সানো সংখ্যা প্রাপ্ত গর্ন C-program মা ‘ n ’ (পূর্ণাংক) অনি ‘ n ’ (বাস্তবিক সংখ্যা) পঢ়নুহোস্ক।

- (b) Write a program in C to determine the real roots of a quadratic equation $ax^2 + bx + c = 0$, where a, b, c are real numbers. 6

একটি C-প্রোগ্রামিং লেখ যার সাহায্যে একটি দিঘাত সমীকরণের বাস্তব বীজগুলিকে নির্ণয় করা যায়ঃ

$ax^2 + bx + c = 0$ যেখানে a, b এবং c তিনটি বাস্তব সংখ্যা।

$ax^2 + bx + c = 0$ দ্বিঘাত সমীকরণ কো বাস্তবিক মূলহস্ত নির্ধারণ গর্ন C-program লেখনুহোস্ক। জহাঁ a, b, c বাস্তবিক সংখ্যাহস্ত হুন্ক।

SEC2B
THEORY OF EQUATION
GROUP-A / বিভাগ-ক / समूह-क

1. Answer any **four** questions: 3×4 = 12

যে-কোনো চারটি প্রশ্নের উভয় দাওঃ

কুন্ত চার প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ক।

- (a) Find the remainder when $4x^5 + 3x^3 + 6x^2 + 5$ is divided by $2x + 1$. 3

$4x^5 + 3x^3 + 6x^2 + 5$ কে $2x + 1$ দ্বারা ভাগ করলে যে ভাগশেষ থাকে তা নির্ণয় কর।

$4x^5 + 3x^3 + 6x^2 + 5$ লাই $2x + 1$ লে বিভাজিত গর্দা বাঁকি পত্তা লগাউনুহোস্ক।

- (b) Determine the multiple roots of the equation 3

$$x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 4x^2 + x + 2 = 0.$$

$x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 4x^2 + x + 2 = 0$ সমীকরণটির গুণিতক বীজগুলি (multiple roots) নির্ণয় কর।

$x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 4x^2 + x + 2 = 0$ সমীকরণকো বহুমূলহস্ক নির্ধারণ গর্নুহোস্ক।

- (c) Apply Descartes' rule of signs to find the nature of the roots of the equation 3

$$x^4 + 2x^2 + 3x - 1 = 0$$

Descarte-এর চিহ্ন নীতি প্রয়োগ করে $x^4 + 2x^2 + 3x - 1 = 0$ সমীকরণটির বীজগুলির প্রকৃতি নির্ণয় কর।

$x^4 + 2x^2 + 3x - 1 = 0$ সমীকরণকো মূলহস্ককো প্রকৃতি পত্তা লগাউন Descartes' rule of signs লাগু গর্নুহোস্ক।

- (d) Solve the equation $x^3 - 9x^2 + 23x - 15 = 0$, where roots are in A.P. 3

$x^3 - 9x^2 + 23x - 15 = 0$ সমীকরণটিকে সমাধান কর যার বীজগুলি A.P. তে আছে।

সমীকরণ $x^3 - 9x^2 + 23x - 15 = 0$ লাই সমাধান গর্নুহোস্ক, যসকো মূলহস্ক A.P মা ছন্ন।

- (e) If $x^4 + px^2 + qx + r$ has a factor of the form $(x - \alpha)^3$, show that $8p^3 + 27q^2 = 0$. 3

যদি $x^4 + px^2 + qx + r$ -এর $(x - \alpha)^3$ একটি উৎপাদক হয় তাহলে দেখাও যে $8p^3 + 27q^2 = 0$.

যদি $x^4 + px^2 + qx + r$ কো এক factor $(x - \alpha)^3$ কো রূপমা ভাই, দেখাউনুহোস্ক $8p^3 + 27q^2 = 0$.

- (f) Show that the roots of the equation $\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} + \frac{1}{x-c} = \frac{1}{x}$, where $a > b > c > 0$, are all real (a, b, c are real). 3

দেখাও যে $\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} + \frac{1}{x-c} = \frac{1}{x}$ সমীকরণের সকল বীজগুলি বাস্তব যেখানে (a, b, c) বাস্তব এবং $a > b > c > 0$.

সমীকরণ $\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} + \frac{1}{x-c} = \frac{1}{x}$ কো মূলহস্ক বাস্তবিক ছন্ন ভনি দেখাউনুহোস্ক, জহাঁ $a > b > c > 0$ সবৈ বাস্তবিক সংস্থা (a, b, c) হুন্ন।

GROUP-B / বিভাগ-খ / समूह-ख**Answer any four questions from the following** $6 \times 4 = 24$

ঘে-কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কুন্তৈ চার প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্কু

2. Solve the equation $2x^3 + x^2 - 7x - 6 = 0$, given that the difference of two of its roots is 3. 6

যদি $2x^3 + x^2 - 7x - 6 = 0$ সমীকরণটিকে সমাধান কর যাব দুটি বীজের বিয়োগফল 3 প্রদত্ত আছে।

যসকো দুই মূলহরুকো ভিন্নতা 3 হো ভনে সমীকরণ $2x^3 + x^2 - 7x - 6 = 0$ সমাধান গৰ্নুহোস্কু।

3. If α, β, γ be the roots of the equation $x^3 - 3x^2 + 8x - 5 = 0$, then find the equation whose roots are $2\alpha + 3, 2\beta + 3, 2\gamma + 3$. 6

যদি $x^3 - 3x^2 + 8x - 5 = 0$ সমীকরণের α, β, γ বীজ হয় তাহলে এমন একটি সমীকরণ নির্ণয় কর যাব বীজগুলি $2\alpha + 3, 2\beta + 3, 2\gamma + 3$ ।

যদি α, β, γ সমীকরণ $x^3 - 3x^2 + 8x - 5 = 0$ কো মূলহরু হো ভনে, সমীকরণ পত্তা লগাউনু হোস্কো মূলহরু হুন্ $2\alpha + 3, 2\beta + 3, 2\gamma + 3$ ।

4. If α be an imaginary root of $x^n - 1 = 0$ where n is a prime number, prove that $(1-\alpha)(1-\alpha^2) \dots (1-\alpha^{n-1}) = n$. 6

যদি $\alpha, x^n - 1 = 0$ -এর একটি কাল্পনিক বীজ হয় যেখানে n একটি মৌলিক সংখ্যা প্রমাণ কর $(1-\alpha)(1-\alpha^2) \dots (1-\alpha^{n-1}) = n$

যদি $\alpha, x^n - 1 = 0$ কো কাল্পনিক মূল হো ভনে প্রমাণ গৰ্নুহোস্কু $(1-\alpha)(1-\alpha^2) \dots (1-\alpha^{n-1}) = n$ জহাঁ n এক অভাজ্য সংখ্যা হুন্।

5. If α be a multiple root of order 3 of the equation $x^4 + bx^2 + cx + d = 0$ ($d \neq 0$), show that $\alpha = \frac{-8d}{3c}$. 6

যদি $\alpha, x^4 + bx^2 + cx + d = 0$ ($d \neq 0$) সমীকরণের 3 ক্রম বিশিষ্ট একটি গুণিতক বীজ (multiple root) হয় তাহলে দেখাও যে $\alpha = \frac{-8d}{3c}$.

যদি সমীকরণ $x^4 + bx^2 + cx + d = 0$ ($d \neq 0$), কো α এক ক্রম 3 কো বহুমূল হো ভনে দেখাউনুহোস্কু কি $\alpha = \frac{-8d}{3c}$.

6. Solve by Cardan's method $x^3 - 12x + 8 = 0$. 6

Cardan পদ্ধতিতে $x^3 - 12x + 8 = 0$ কে সমাধান কর।

Cardan's বিধি দ্বাৰা সমাধান গৰ।

$$x^3 - 12x + 8 = 0$$

7. If α be a special root of the equation $x^8 - 1 = 0$, prove that 6

$$(\alpha + 2)(\alpha^2 + 2) \dots (\alpha^7 + 2) = \frac{2^8 - 1}{3}.$$

যদি $x^8 - 1 = 0$ সমীকরণের α একটি বিশেষ বীজ (special root) হয় তাহলে প্রমাণ কর

$$(\alpha + 2)(\alpha^2 + 2) \dots (\alpha^7 + 2) = \frac{2^8 - 1}{3}.$$

যদি সমীকরণ $x^8 - 1 = 0$ কो α এক বিশেষ মূল (special root) ভে প্রমাণ গর্নুহোস्।

$$(\alpha + 2)(\alpha^2 + 2) \dots (\alpha^7 + 2) = \frac{2^8 - 1}{3}$$

GROUP-C / বিভাগ-গ / সমূহ-গ

Answer any two questions from the following

12×2=24

যে-কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কুন্তে দুই প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্।

8. (a) Solve the equation by Ferrari's method

6

$$x^4 + 6x^2 + 3x + 10 = 0.$$

Ferrari পদ্ধতিতে $x^4 + 6x^2 + 3x + 10 = 0$ সমীকরণকে সমাধান কর।

Ferrari's বিধি দ্বারা সমীকরণ সমাধান গর $x^4 + 6x^2 + 3x + 10 = 0$

- (b) Solve the reciprocal equation

6

$$x^4 - 8x^3 + 17x^2 - 8x + 1 = 0.$$

$x^4 - 8x^3 + 17x^2 - 8x + 1 = 0$ অনন্যক সমীকরণ (reciprocal equation) কে সমাধান কর।

পারস্পরিক (Reciprocal) সমীকরণ সমাধান গর।

$$x^4 - 8x^3 + 17x^2 - 8x + 1 = 0$$

9. (a) Find the equation whose roots are the roots of the equation $x^4 - 8x^2 + 8x + 6 = 0$ each diminished by 2.

6

একটি সমীকরণ নির্ণয় কর যার বীজগুলি $x^4 - 8x^2 + 8x + 6 = 0$ সমীকরণের প্রতিটি বীজ থেকে 2 কম।

সমীকরণ ফেলা পার্নুহোস্ জসকো মূলহস্ত সমীকরণ $x^4 - 8x^2 + 8x + 6 = 0$ কো মূলহস্ত ভন্দা 2 লৈ ঘটকো হুন্ছ।

- (b) Show that the special roots of the equation $x^9 - 1 = 0$ are the roots of the equation $x^6 + x^3 + 1 = 0$.

6

দেখাও যে $x^9 - 1 = 0$ সমীকরণের বিশেষ (special) বীজগুলি $x^6 + x^3 + 1 = 0$ সমীকরণের বীজ হয়।

দেখাউনুহোস্ কি সমীকরণ $x^9 - 1 = 0$ কো বিশেষ মূলহস্ত সমীকরণ $x^6 + x^3 + 1 = 0$ কো মূলহস্ত হুন্ছ।

- 10.(a) If the equation $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ has three equal roots, then show that each of them is equal to $\frac{6c - ab}{3a^2 - 8b}$.

6

যদি $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ সমীকরণের তিনটি বীজ সমান হয়, তাহলে দেখাও যে উক্ত প্রতিটি বীজ $\frac{6c - ab}{3a^2 - 8b}$ এর সমান।

यदि समीकरण $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ को तीनवटा बराबर मूलहस्त भए, देखाउनुहोस् कि तिनीहस्त मध्ये प्रत्येक $\frac{6c - ab}{3a^2 - 8b}$ बराबर छ।

- (b) Use Sturm's theorem to show that the equation $x^4 - 3x^3 - 2x^2 + 7x + 3 = 0$ has one root between (-2) and (-1) , one root between (-1) and 0 , and the two between 2 and 3 . 6

Sturm उपपाद्यति ब्यबहार करे देखाओ ये $x^4 - 3x^3 - 2x^2 + 7x + 3 = 0$ समीकरणेर एकटि वीज -2 एवं -1 -एर मध्ये, अपर एकटि वीज -1 एवं 0 -एर मध्ये एवं वाकी दुष्टि वीज 2 एवं 3 -एर मध्ये थाक्बे।

Sturm's theorem प्रयोग गरेर देखाउनुहोस् कि समीकरण $x^4 - 3x^3 - 2x^2 + 7x + 3 = 0$ को एक मूल -2 अनि -1 बीच, एक मूल -1 अनि 0 बीच अनि दुई मूल 2 अनि 3 बीच हुन्छ।

- 11.(a) If α, β, γ be the roots of the equation $x^3 + 2x^2 + 3x + 4 = 0$, find the equation where roots are $1 + \frac{1}{\alpha}, 1 + \frac{1}{\beta}, 1 + \frac{1}{\gamma}$. 6

यदि $\alpha, \beta, \gamma; x^3 + 2x^2 + 3x + 4 = 0$ समीकरणेर वीज हय, ताह्ले एकटि समीकरण निर्णय कर्यावार वीजगुलि

$$1 + \frac{1}{\alpha}, 1 + \frac{1}{\beta}, 1 + \frac{1}{\gamma}.$$

यदि समीकरण $x^3 + 2x^2 + 3x + 4 = 0$ को मूलहस्त α, β अनि γ भए, समीकरण पत्ता लगाउनुहोस् जसको मूलहस्त $1 + \frac{1}{\alpha}, 1 + \frac{1}{\beta}, 1 + \frac{1}{\gamma}$ हुन्।

- (b) If α be a root of the equation $x^3 - 3x - 1 = 0$, prove that the other roots are $2 - \alpha^2, \alpha^2 - \alpha - 2$. 6

यदि $x^3 - 3x - 1 = 0$ समीकरणेर एकटि वीज α हय, ताह्ले प्रमाण कर वाकी वीजगुलि $2 - \alpha^2, \alpha^2 - \alpha - 2$ हर्वे।

यदि समीकरण $x^3 - 3x - 1 = 0$ को α एक मूल भए देखाउनुहोस् कि अन्य मूलहस्त $2 - \alpha^2, \alpha^2 - \alpha - 2$ हुन्।

—————x—————



'समाजो मन्त्रः समितिः समानी'

UNIVERSITY OF NORTH BENGAL
B.Sc. Programme 4th Semester Examination, 2023

SEC1-P2-MATHEMATICS**(OLD SYLLABUS 2018)**

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 60

*The figures in the margin indicate full marks.***The question paper contains SEC2A and SEC2B.****The candidates are required to answer any *one* from *two* papers.****Candidates should mention it clearly on the Answer Book.****SEC2A****NUMBER THEORY****GROUP-A / বিভাগ-ক / समूह-क**

1. Answer any ***four*** questions: $3 \times 4 = 12$

যে-কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ
কুন্তৈ চার প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ক :

(a) Prove that the square of an odd integer is of the form $8k + 1$, where $k \in \mathbb{Z}$. 3
প্রমাণ কর একটি অযুগ্ম পূর্ণসংখ্যার বর্গের রূপটি $8k + 1$ হয় যেখানে $k \in \mathbb{Z}$.
বিজোর পূর্ণাংককো বর্গ $8k + 1$ কো রূপমা হুন্ত ভনি প্রমাণ গৰ্নুহোস্ক, জহাঁ $k \in \mathbb{Z}$ ।

(b) If p and $p^2 + 8$ are both prime numbers, prove that $p = 3$. 3
যদি p এবং $p^2 + 8$ উভয়ই মৌলিক সংখ্যা হয় তাহলে প্রমাণ কর $p = 3$.
যদি p অনি $p^2 + 8$ দুবৈ অবিভাজ্য সংখ্যা ভए প্রমাণ গৰ্নুহোস্ক কি $p = 3$ হুন্ত।

(c) Solve: $6x + 51y = 22$. 3
সমাধান করঃ $6x + 51y = 22$
সমাধান গৱঃ $6x + 51y = 22$

(d) If $\gcd(a, b) = 1$, prove that $\gcd(a + b, ab) = 1$. 3
যদি $\gcd(a, b) = 1$ হয় তবে প্রমাণ কর $\gcd(a + b, ab) = 1$.
যদি $\gcd(a, b) = 1$ ভए, প্রমাণ গৰ্নুহোস্ক কি $\gcd(a + b, ab) = 1$ হুন্ত।

(e) Show that 3 is a quadratic residue of 23. 3
দেখাও যে 23 এর quadratic residueটি 3 হয়।
23 কো 3 এক quadratic residue হো ভনি দেখাউনুহোস্ক।

(f) Find the primitive roots of 4. 3
4 এর primitive বীজগুলি নির্ণয় কর।
4 কো primitive মূলহর্স পত্তা লগাউনুহোস্ক।

GROUP-B / বিভাগ-খ / समूह-ख**Answer any *four* questions** $6 \times 4 = 24$

যে-কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কুন্তলে চার প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্কু

2. Prove that an integer p is a prime iff $(p-1)!+1 \equiv 0 \pmod{p}$. 6

প্রমাণ কর একটি পূর্ণসংখ্যা p মৌলিক হবে যদি এবং কেবলমাত্র যদি
 $(p-1)!+1 \equiv 0 \pmod{p}$.

প্রমাণ গর্নুহোস্কু কি এক পূর্ণাংক p অবিভাজ্য হो যদি $(p-1)!+1 \equiv 0 \pmod{p}$ হো ভনে মাত্র।

3. Solve the Diophantine equation $12x + 25y = 331$. 6

$12x + 25y = 331$ Diophantine সমীকরণটি সমাধান কর।

Diophantine সমীকরণ সমাধান গর $12x + 25y = 331$.

4. Use Fermat's theorem to prove that $13 \mid 11^{12n+6} + 1$ for any integer $n \geq 0$. 6

Fermat-এর উপপাদ্যটির সাহায্যে প্রমাণ কর $13 \mid 11^{12n+6} + 1$, যে-কোন পূর্ণসংখ্যা $n \geq 0$ -এর জন্য।

Fermat's theorem প্রযোগ গরে কুন্তলে পনি পূর্ণাংক $n \geq 0$ কো লাগি $13 \mid 11^{12n+6} + 1$ প্রমাণ গর্নুহোস্কু।

5. If p is an odd prime, show that 6

$$(-2/p) = \begin{cases} 1 & \text{if } p \equiv 1 \pmod{8} \quad \text{or} \quad p \equiv 3 \pmod{8} \\ -1 & \text{if } p \equiv 5 \pmod{8} \quad \text{or} \quad p \equiv 7 \pmod{8} \end{cases}$$

যদি p একটি বিজোড় মৌলিক সংখ্যা হয় তাহলে দেখাও যে

$$(-2/p) = \begin{cases} 1 & \text{if } p \equiv 1 \pmod{8} \quad \text{or} \quad p \equiv 3 \pmod{8} \\ -1 & \text{if } p \equiv 5 \pmod{8} \quad \text{or} \quad p \equiv 7 \pmod{8} \end{cases}$$

যদি p এক বিষম অভাজ্য সংখ্যা ভাই, দেখাউনুহোস্কু

$$(-2/p) = \begin{cases} 1 & \text{if } p \equiv 1 \pmod{8} \quad \text{or} \quad p \equiv 3 \pmod{8} \\ -1 & \text{if } p \equiv 5 \pmod{8} \quad \text{or} \quad p \equiv 7 \pmod{8} \end{cases}$$

6. Use Euclidean Algorithm to find $\gcd(1769, 2378)$. Further, find integers x and y such that $\gcd(1769, 2378) = 1769x + 2378y$. 6

Euclidean Algorithm-এর সাহায্যে $\gcd(1769, 2378)$ -এর মান নির্ণয় কর। এছাড়াও, এমন x এবং y পূর্ণসংখ্যাদ্বয় নির্ণয় কর যাতে $\gcd(1769, 2378) = 1769x + 2378y$ হয়।

Euclidean Algorithm প্রযোগ গরে $\gcd(1769, 2378)$ পত্তা লগাউনুহোস্কু। থপ $\gcd(1769, 2378) = 1769x + 2378y$ হুনে পূর্ণাংক হস্ত x অনি y ফেলা পার্নুহোস্কু।

7. For $k \geq 3$, prove that 2^k has no primitive roots. 6

$k \geq 3$ -এর জন্য প্রমাণ কর 2^k -এর কোন primitive বীজ নেই।

$k \geq 3$ কো লাগি 2^k কো primitive মূলহস্ত হুদেন ভনি প্রমাণ গর্নুহোস্কু।

GROUP-C / বিভাগ-গ / समूह-ग**Answer any two questions** $12 \times 2 = 24$

যে-কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কুন্তৈ দুই প্রশ্নকো উত্তর দেও

8. (a) Use the theory of congruence to verify that

4+4

$$89 | 2^{44} - 1 \text{ and } 97 | 2^{48} - 1$$

Congruence theory ব্যবহার করে $89 | 2^{44} - 1$ এবং $97 | 2^{48} - 1$ যাচাই কর।89 | $2^{44} - 1$ অনি 97 | $2^{48} - 1$ লাই প্রমাণিত গর্ন একরূপতা (congruence) কো সিদ্ধান্ত প্রযোগ গর্নুহোস্ক।

- (b) Prove that whenever
- $ab \equiv cd \pmod{n}$
- and
- $b \equiv d \pmod{n}$
- with
- $\gcd(b, n) = 1$
- , then
- $a \equiv c \pmod{n}$
- .

4

যখন $ab \equiv cd \pmod{n}$ এবং $b \equiv d \pmod{n}$ সঙ্গে $\gcd(b, n) = 1$ হয় তখন প্রমাণ কর $a \equiv c \pmod{n}$.জব $ab \equiv cd \pmod{n}$ অনি $b \equiv d \pmod{n}$ সঁগ $\gcd(b, n) = 1$ হুন্ত, ত্যসপঞ্চি $a \equiv c \pmod{n}$ হুন্ত ভনি প্রমাণ গর্নুহোস্ক।

9. (a) If
- p
- is a prime and
- $p | ab$
- , then prove that either
- $p | a$
- or
- $p | b$
- .

5

যদি p একটি মৌলিক সংখ্যা হয় এবং $p | ab$ তবে প্রমাণ কর হয় $p | a$, নয় $p | b$.যদি p এক অভাজ্য অনি $p | ab$ ভে, $p | a$ বা $p | b$ হুন্ত ভনি প্রমাণ গর্নুহোস্ক।

- (b) If
- p
- be an odd prime, prove that

4

$$1^p + 2^p + \dots + (p-1)^p \equiv 0 \pmod{p}$$

যদি p একটি অযুগ্ম মৌলিক সংখ্যা হয় প্রমাণ কর

$$1^p + 2^p + \dots + (p-1)^p \equiv 0 \pmod{p}$$

যদি p এক বিষম অভাজ্য সংখ্যা ভে, প্রমাণ গর্নুহোস্ক $1^p + 2^p + \dots + (p-1)^p \equiv 0 \pmod{p}$

- (c) Find the unit digit in the decimal representation of
- 3^{100}
- .

3

 3^{100} -এর দশমিক তথাঃশের একক স্থানীয় অক্টি নির্ণয় কর। 3^{100} কো দশমলব প্রতিনিধিত্বমা একাই অংক ফেলা পার্নুহোস্ক।

10. Prove that an odd prime
- p
- is expressible as a sum of two squares iff
- $p \equiv 1 \pmod{4}$
- . Moreover that if
- $p \equiv 1 \pmod{4}$
- , the expression of
- p
- as a sum of two squares is unique.

6+6

প্রমাণ কর একটি অযুগ্ম মৌলিক p কে দুটি বর্গের যোগফলে প্রকাশ করা যায় যদি এবং কেবলমাত্র যদি

$$p \equiv 1 \pmod{4}$$

আবার যদি $p \equiv 1 \pmod{4}$ হয় তাহলে দুটি বর্গের যোগফল আকারে প্রকাশিত p -এর রাশিটি সর্বদা একক হবে।প্রমাণ গর্নুহোস্ক কি এক বিষম অভাজ্য সংখ্যা p দুই বর্গকো যোগফলকো রূপমা অভিযন্ত হুন্ত যদি $p \equiv 1 \pmod{4}$ ভে, মাত্র, দুই বর্গকো যোগফলকো রূপমা p কো অভিযন্ত এক মাত্র হুন্ত।

- 11.(a) Find all the inverses of $11 \pmod{3}$.

4

$11 \pmod{3}$ -এর সকল inverse-গুলি নির্ণয় কর।

$11 \pmod{3}$ কে সবৈ inverses ফেলা পার্নুহোস্ব।

- (b) Prove that 17 divides $11^{104} + 1$.

4

প্রমাণ কর 17, $11^{104} + 1$ কে ভাগ করে।

17 লে $11^{104} + 1$ লাই বিভাজন গর্ত ভনি প্রমাণ গৰ্নুহোস্ব।

- (c) List all the positive integers having primitive roots.

4

Primitive বীজ আছে এমন সকল ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যার তালিকাটি নির্ণয় কর।

Primitive মূলহর্স ভেকা সবৈ ধনাত্মক পূর্ণাঙ্কহর্সকো সূচী বনাউনুহোস্ব।

SEC2B

THEORY OF EQUATION

GROUP-A / বিভাগ-ক / সমূহ-ক

1. Answer any *four* questions:

 $3 \times 4 = 12$

যে-কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ

কুনৈ চার প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্ব।

- (a) Find the remainder when $4x^5 + 3x^3 + 6x^2 + 5$ is divided by $2x + 1$.

3

$4x^5 + 3x^3 + 6x^2 + 5$ কে $2x + 1$ দ্বারা ভাগ করলে যে ভাগশেষ থাকে তা নির্ণয় কর।

$4x^5 + 3x^3 + 6x^2 + 5$ লাই $2x + 1$ লে বিভাজিত গর্দা বাঁকী পত্তা লগাউনুহোস্ব।

- (b) Determine the multiple roots of the equation

3

$$x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 4x^2 + x + 2 = 0.$$

$x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 4x^2 + x + 2 = 0$ সমীকরণটির গুণিতক বীজগুলি (multiple roots) নির্ণয় কর।

$x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 4x^2 + x + 2 = 0$ সমীকরণকো বহুমূলহর্স নির্ধারণ গৰ্নুহোস্ব।

- (c) Apply Descartes' rule of signs to find the nature of the roots of the equation

3

$$x^4 + 2x^2 + 3x - 1 = 0$$

Descarte-এর চিহ্ন নীতি প্রয়োগ করে $x^4 + 2x^2 + 3x - 1 = 0$ সমীকরণটির বীজগুলির প্রকৃতি নির্ণয় কর।

$x^4 + 2x^2 + 3x - 1 = 0$ সমীকরণকো মূলহর্সকো প্রকৃতি পত্তা লগাউন Descartes' rule of signs লাগু গৰ্নুহোস্ব।

- (d) Solve the equation $x^3 - 9x^2 + 23x - 15 = 0$, where roots are in A.P.

3

$x^3 - 9x^2 + 23x - 15 = 0$ সমীকরণটিকে সমাধান কর যার বীজগুলি A.P. তে আছে।

সমীকরণ $x^3 - 9x^2 + 23x - 15 = 0$ লাই সমাধান গৰ্নুহোস্ব, জসকো মূলহর্স A.P মা ছন্ন।

- (e) If $x^4 + px^2 + qx + r$ has a factor of the form $(x - \alpha)^3$, show that $8p^3 + 27q^2 = 0$.

3

যদি $x^4 + px^2 + qx + r$ -এর $(x - \alpha)^3$ একটি উৎপাদক হয় তাহলে দেখাও যে $8p^3 + 27q^2 = 0$.

যদি $x^4 + px^2 + qx + r$ কো এক factor $(x - \alpha)^3$ কো রূপমা ভাই, দেখাউনুহোস্ব $8p^3 + 27q^2 = 0$.

- (f) Show that the roots of the equation $\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} + \frac{1}{x-c} = \frac{1}{x}$, where $a > b > c > 0$,
are all real (a, b, c are real). 3

দেখাও যে $\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} + \frac{1}{x-c} = \frac{1}{x}$ সমীকরণের সকল বীজগুলি বাস্তব যেখানে (a, b, c) বাস্তব
এবং $a > b > c > 0$.

সমীকরণ $\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} + \frac{1}{x-c} = \frac{1}{x}$ কो মূলহর্স বাস্তবিক ছন্দ ভনি দেখাউনুহোস্, জহাঁ
 $a > b > c > 0$ সবৈ বাস্তবিক সংখ্যা (a, b, c) হুন।

GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ

Answer any four questions from the following $6 \times 4 = 24$

যে-কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কৃন্তে চার প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্

2. Solve the equation $2x^3 + x^2 - 7x - 6 = 0$, given that the difference of two of its roots is 3. 6

$2x^3 + x^2 - 7x - 6 = 0$ সমীকরণটিকে সমাধান কর যার দুটি বীজের বিয়োগফল 3 প্রদত্ত আছে।
যসকো দুই মূলহর্সকো ভিন্নতা 3 হো ভনে সমীকরণ $2x^3 + x^2 - 7x - 6 = 0$ সমাধান গৰ্নুহোস্।

3. If α, β, γ be the roots of the equation $x^3 - 3x^2 + 8x - 5 = 0$, then find the equation whose roots are $2\alpha + 3, 2\beta + 3, 2\gamma + 3$. 6

যদি $x^3 - 3x^2 + 8x - 5 = 0$ সমীকরণের α, β, γ বীজ হয় তাহলে এমন একটি সমীকরণ নির্ণয়
কর যার বীজগুলি $2\alpha + 3, 2\beta + 3, 2\gamma + 3$.

যদি α, β, γ সমীকরণ $x^3 - 3x^2 + 8x - 5 = 0$ কো মূলহর্স হো ভনে, সমীকরণ পত্তা লগাউনু
হোস্ জসকো মূলহর্স হুন $2\alpha + 3, 2\beta + 3, 2\gamma + 3$.

4. If α be an imaginary root of $x^n - 1 = 0$ where n is a prime number, prove that 6
 $(1-\alpha)(1-\alpha^2)\dots(1-\alpha^{n-1}) = n$.

যদি $\alpha, x^n - 1 = 0$ -এর একটি কাল্পনিক বীজ হয় যেখানে n একটি মৌলিক সংখ্যা প্রমাণ কর
 $(1-\alpha)(1-\alpha^2)\dots(1-\alpha^{n-1}) = n$

যদি $\alpha, x^n - 1 = 0$ কো কাল্পনিক মূল হো ভনে প্রমাণ গৰ্নুহোস্ $(1-\alpha)(1-\alpha^2)\dots$
 $(1-\alpha^{n-1}) = n$ জহাঁ n এক অভাজ্য সংখ্যা হুন।

5. If α be a multiple root of order 3 of the equation $x^4 + bx^2 + cx + d = 0$ ($d \neq 0$),
show that $\alpha = \frac{-8d}{3c}$. 6

যদি $\alpha, x^4 + bx^2 + cx + d = 0$ ($d \neq 0$) সমীকরণের 3 ক্রম বিশিষ্ট একটি গুণিতক বীজ
(multiple root) হয় তাহলে দেখাও যে $\alpha = \frac{-8d}{3c}$.

যদি সমীকরণ $x^4 + bx^2 + cx + d = 0$ ($d \neq 0$), কো α এক ক্রম 3 কো বহুমূল হো ভনে
দেখাউনুহোস্ কি $\alpha = \frac{-8d}{3c}$.

6. Solve by Cardan's method $x^3 - 12x + 8 = 0$.

6

Cardan পদ্ধতিতে $x^3 - 12x + 8 = 0$ কে সমাধান কর।

Cardan's বিধি দ্বারা সমাধান গর।

$$x^3 - 12x + 8 = 0$$

7. If α be a special root of the equation $x^8 - 1 = 0$, prove that

6

$$(\alpha + 2)(\alpha^2 + 2) \dots (\alpha^7 + 2) = \frac{2^8 - 1}{3}.$$

যদি $x^8 - 1 = 0$ সমীকরণের α একটি বিশেষ বীজ (special root) হয় তাহলে প্রমাণ কর

$$(\alpha + 2)(\alpha^2 + 2) \dots (\alpha^7 + 2) = \frac{2^8 - 1}{3}.$$

যদি সমীকরণ $x^8 - 1 = 0$ কো α এক বিশেষ মূল (special root) ভে প্রমাণ গর্নুহোস্

$$(\alpha + 2)(\alpha^2 + 2) \dots (\alpha^7 + 2) = \frac{2^8 - 1}{3}$$

GROUP-C / বিভাগ-গ / সমূহ-গ

Answer any two questions from the following

12×2=24

যে-কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও

কুনৈ দুই প্রশ্নকো উত্তর দিনুহোস্

8. (a) Solve the equation by Ferrari's method

6

$$x^4 + 6x^2 + 3x + 10 = 0.$$

Ferrari পদ্ধতিতে $x^4 + 6x^2 + 3x + 10 = 0$ সমীকরণকে সমাধান কর।

Ferrari's বিধি দ্বারা সমীকরণ সমাধান গর $x^4 + 6x^2 + 3x + 10 = 0$

- (b) Solve the reciprocal equation

6

$$x^4 - 8x^3 + 17x^2 - 8x + 1 = 0.$$

$x^4 - 8x^3 + 17x^2 - 8x + 1 = 0$ অনন্যক সমীকরণ (reciprocal equation) কে সমাধান কর।

পারস্পরিক (Reciprocal) সমীকরণ সমাধান গর।

$$x^4 - 8x^3 + 17x^2 - 8x + 1 = 0$$

9. (a) Find the equation whose roots are the roots of the equation $x^4 - 8x^2 + 8x + 6 = 0$ each diminished by 2.

6

একটি সমীকরণ নির্ণয় কর যার বীজগুলি $x^4 - 8x^2 + 8x + 6 = 0$ সমীকরণের প্রতিটি বীজ থেকে 2 কম।

সমীকরণ ফেলা পার্নুহোস্ জসকো মূলহরু সমীকরণ $x^4 - 8x^2 + 8x + 6 = 0$ কো মূলহরু ভন্দা 2 লে ঘটকো হুন্ছ।

- (b) Show that the special roots of the equation $x^9 - 1 = 0$ are the roots of the equation $x^6 + x^3 + 1 = 0$.

6

দেখাও যে $x^9 - 1 = 0$ সমীকরণের বিশেষ (special) বীজগুলি $x^6 + x^3 + 1 = 0$ সমীকরণের বীজ হয়।

দেখাউনুহোস্ কি সমীকরণ $x^9 - 1 = 0$ কো বিশেষ মূলহরু সমীকরণ $x^6 + x^3 + 1 = 0$ কো মূলহরু হুন্ছ।

- 10.(a) If the equation $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ has three equal roots, then show that each of them is equal to $\frac{6c - ab}{3a^2 - 8b}$. 6

যদি $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ সমীকরণের তিনটি বীজ সমান হয়, তাহলে দেখাও যে উক্ত প্রতিটি বীজ $\frac{6c - ab}{3a^2 - 8b}$ এর সমান।

যদি সমীকরণ $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ কो তীনবার ব্রাবর মূলহর্স ভए, দেখাও যে উক্ত তিনীহর্স মধ্যে প্রত্যেক $\frac{6c - ab}{3a^2 - 8b}$ ব্রাবর ছ।

- (b) Use Sturm's theorem to show that the equation $x^4 - 3x^3 - 2x^2 + 7x + 3 = 0$ has one root between (-2) and (-1) , one root between (-1) and 0 , and the two between 2 and 3 . 6

Sturm উপপাদ্যটি ব্যবহার করে দেখাও যে $x^4 - 3x^3 - 2x^2 + 7x + 3 = 0$ সমীকরণের একটি বীজ -2 এবং -1 -এর মধ্যে, অপর একটি বীজ -1 এবং 0 -এর মধ্যে এবং বাকী দুটি বীজ 2 এবং 3 -এর মধ্যে থাকবে।

Sturm's theorem প্রযোগ গরে দেখাও যে সমীকরণ $x^4 - 3x^3 - 2x^2 + 7x + 3 = 0$ কো এক মূল -2 অনি -1 বীচ, এক মূল -1 অনি 0 বীচ অনি দুই মূল 2 অনি 3 বীচ হুন্ত।

- 11.(a) If α, β, γ be the roots of the equation $x^3 + 2x^2 + 3x + 4 = 0$, find the equation where roots are $1 + \frac{1}{\alpha}, 1 + \frac{1}{\beta}, 1 + \frac{1}{\gamma}$. 6

যদি $\alpha, \beta, \gamma; x^3 + 2x^2 + 3x + 4 = 0$ সমীকরণের বীজ হয়, তাহলে একটি সমীকরণ নির্ণয় কর যার বীজগুলি

$$1 + \frac{1}{\alpha}, 1 + \frac{1}{\beta}, 1 + \frac{1}{\gamma}.$$

যদি সমীকরণ $x^3 + 2x^2 + 3x + 4 = 0$ কো মূলহর্স α, β, γ ভए, সমীকরণ পত্তা লগাও যে একটি মূলহর্স $1 + \frac{1}{\alpha}, 1 + \frac{1}{\beta}, 1 + \frac{1}{\gamma}$ হুন্ত।

- (b) If α be a root of the equation $x^3 - 3x - 1 = 0$, prove that the other roots are $2 - \alpha^2, \alpha^2 - \alpha - 2$. 6

যদি $x^3 - 3x - 1 = 0$ সমীকরণের একটি বীজ α হয়, তাহলে প্রমাণ কর যাক বীজগুলি $2 - \alpha^2, \alpha^2 - \alpha - 2$ হবে।

যদি সমীকরণ $x^3 - 3x - 1 = 0$ কো α এক মূল ভए দেখাও যে অন্য মূলহর্স $2 - \alpha^2, \alpha^2 - \alpha - 2$ হুন্ত।

—————x—————